

昭和59年度 公立高校学力検査

問一. 次の計算をせよ。

(ア) $8 - 15$

(イ) $5 - 2 \times (3 - 1)$

(ウ) $-\frac{1}{3} + \frac{4}{7}$

(エ) $\sqrt{45} + \sqrt{20}$

(オ) $\frac{x-3}{4} - \frac{x-1}{6}$

(カ) $2a^4b^2 \times a^3b$

(キ) $(x-3)(x+1) - (x-2)^2$

問二.

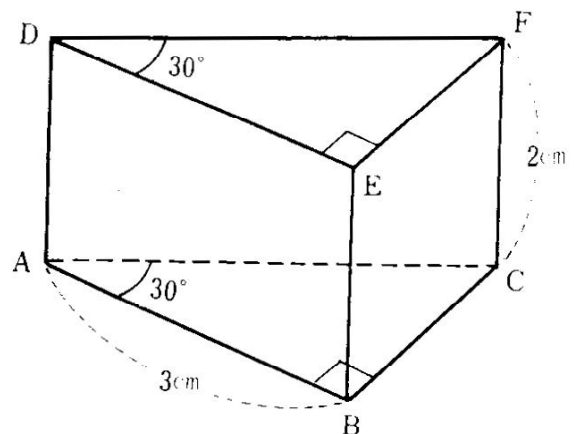
(ア) $x^2 - 7x - 8$ を因数分解せよ。

(イ) 関数 $y = ax^2$ において、 $x = 2$ のとき、 $y = 8$ である。 $x = -3$ のとき、 y の値を求めよ。

(ウ) 不等式 $5x - 6 > 2x$ と $x > 3x - 16$ を同時に満たす整数 x は何個あるか

(エ) 2次方程式 $x^2 - 3x + 1 = 0$ の解のうち、大きい方を a 、小さい方を b として、 $a - b$ の値を求めよ。

(オ) 右の図のような、底面が直角三角形
($\angle A = 30^\circ$, $\angle B = 90^\circ$, $AB = 3\text{cm}$) で、
高さが 2cm である三角柱の体積を求めよ。



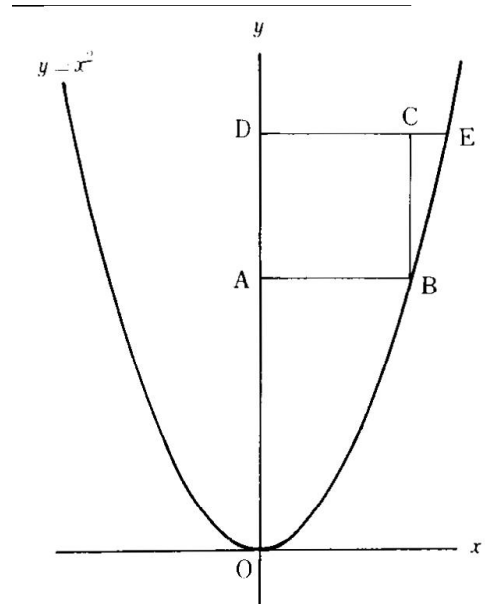
問三. 1つのさいころを1回投げて、1の目が出ると0点、2か3の目が出ると1点、4か5か6の目が出ると2点を得点とするゲームがある。次の問いに答えよ。

(ア) 1つのさいころを2回投げるとき、得点の合計が1点になる確率を求めよ。

(イ) 1つのさいころを2回投げるとき、得点の合計が2点以上になる確率を求めよ。

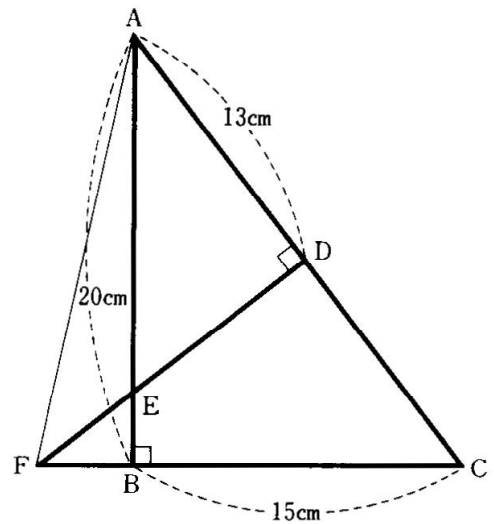
問四. 右の図において、正方形ABCDの頂点A, Dは y 軸上に、頂点Bは放物線 $y = x^2$ 上にあって、Aの座標は(0,4)である。また、DCの延長が放物線 $y = x^2$ と交わる点をE(ただし、Eの x 座標は正である。)として、次の問いに答えよ。

(ア) Eの x 座標を求めよ。



(イ) 2点B, Dを通る直線が放物線 $y = x^2$ と交わる点のうち、B以外の点の座標を求めよ。

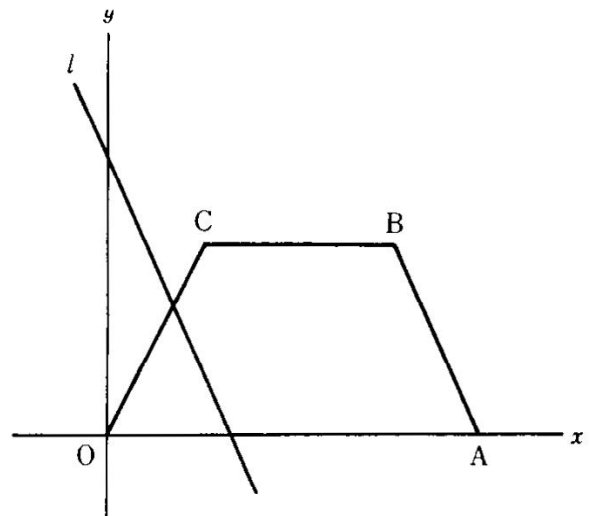
問五. 右の図において、 $\triangle ABC$ は $\angle B=90^\circ$,
 $AB=20\text{cm}$, $BC=15\text{cm}$ の直角三角形である。
 辺 AC 上に点 D をとり、 $AD=13\text{cm}$ とし、
 D を通り AC に垂直な直線が AB と交わる点を
 E , CB の延長と交わる点を F とする。
 このとき、次の問いに答えよ。



(ア) 線分 DE の長さを求めよ。

(イ) 線分 AF の長さを求めよ。

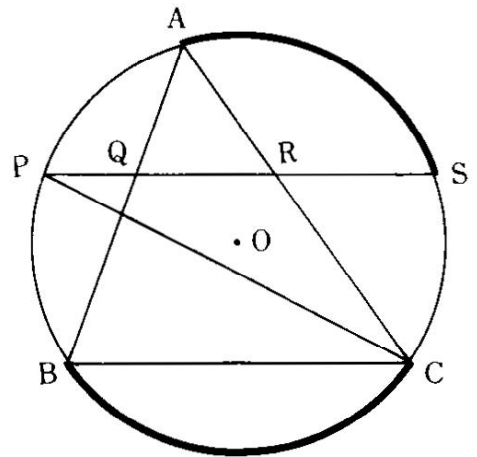
問六. 右の図のように、4点 $O(0,0)$, $A(8,0)$,
 $B(6,4)$, $C(2,4)$ を頂点とする台形 $OABC$
 がある。いま、 AB に平行な直線 l の式を
 $y = -2x + a$ として、次の問いに答えよ。



(ア) $a=2$ のとき、直線 l と OA , OC の交点を
 それぞれ D , E とする。
 $\triangle ODE$ の面積を求めよ。

(イ) 直線 l が台形 $OABC$ の面積を二等分するとき、 a の値を求めよ。

問七. 右の図において, $\triangle ABC$ は円Oに内接し,
 弧ABの中点Pを通りBCに平行な直線が $\triangle ABC$ と
 交わる点をQ, R, 円Oと交わる点のうちP以外の
 点をSとする。次の問いに答えよ。



(ア) $\triangle RPC$ は二等辺三角形であることを証明せよ。

- (1) $AB=AC$, $\angle BAC=40^\circ$ のとき, $\widehat{AS} : \widehat{BC}$ を最も簡単な整数の比で表せ。
 (ただし, \widehat{AS} , \widehat{BC} はそれぞれ右の図の太い線で示した弧の長さを表す。)

解答・解説

問一.

$$\begin{array}{lll} (7) & 8 - 15 & (1) \quad 5 - 2 \times (3 - 1) & (7) \quad -\frac{1}{3} + \frac{4}{7} \\ & = -7 & = 5 - 2 \times 2 & = -\frac{7}{21} + \frac{12}{21} \\ & & = 5 - 4 & = \frac{5}{21} \\ & & = 1 & \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} (1) & \sqrt{45} + \sqrt{20} & (4) \quad \frac{x-3}{4} - \frac{x-1}{6} & (4) \quad 2a^4b^2 \times a^3b \\ & = 3\sqrt{5} + 2\sqrt{5} & = \frac{3(x-3) - 2(x-1)}{12} & = 2a^7b^3 \\ & = 5\sqrt{5} & = \frac{3x-9-2x+2}{12} & \\ & & = \frac{x-7}{12} & \end{array}$$

$$\begin{aligned} (4) \quad (x-3)(x+1) - (x-2)^2 &= x^2 - 2x - 3 - (x^2 - 4x + 4) \\ &= x^2 - 2x - 3 - x^2 + 4x - 4 \\ &= 2x - 7 \end{aligned}$$

問二.

$$(7) \quad x^2 - 7x - 8 = (x-8)(x+1)$$

$$(1) \quad \text{関数 } y = ax^2 \text{ に, } x=2, y=8 \text{ を代入して } 8=4a \quad a=2 \\ y=2x^2 \text{ に, } -3 \text{ を代入して } y=18$$

$$\begin{array}{ll} (7) \quad 5x - 6 > 2x & x > 3x - 16 \\ \quad 3x > 6 & -2x > -16 \\ \quad x > 2 & x < 8 \end{array} \quad 2 < x < 8$$

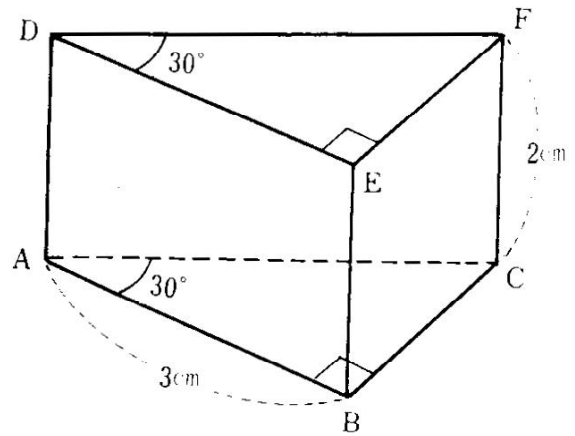
同時に満たす整数は, 3, 4, 5, 6, 7の5個

$$(1) \quad x^2 - 3x + 1 = 0 \quad \text{の解のうち, 大きい方を } a, \text{ 小さい方を } b \text{ として, の値}$$

$$\begin{aligned} x &= \frac{3 \pm \sqrt{9-4}}{2} & a - b &= \frac{3 + \sqrt{5}}{2} - \frac{3 - \sqrt{5}}{2} \\ &= \frac{3 \pm \sqrt{5}}{2} & &= \sqrt{5} \end{aligned}$$

(オ) 右の図のような、底面が直角三角形
 ($\angle A=30^\circ$, $\angle B=90^\circ$, $AB=3\text{cm}$) で、
 高さが 2cm である三角柱の体積を求めよ。

$$\begin{aligned} \triangle ABC \text{において } 1:2:\sqrt{3} \text{ より} \\ 1:\sqrt{3} &= BC:3 \\ \sqrt{3} BC &= 3 \\ BC &= \sqrt{3} \end{aligned}$$



$$\text{三角柱の体積} \quad \underbrace{\sqrt{3} \times 3 \times \frac{1}{2}}_{\text{底面積}} \times 2 = 3\sqrt{3} \quad 3\sqrt{3} \text{ cm}^3$$

問三. 1の目が出ると0点、2か3の目が出ると1点、4か5か6の目が出ると2点

(ア) 1つのさいころを2回投げるとき、得点の合計が1点になる確率

$$(1,2), (1,3), (2,1), (3,1) \text{ の } 4 \text{ 通りなので } \frac{1}{9}$$

(イ) 1つのさいころを2回投げるとき、得点の合計が2点以上になる確率

$$(ア) \text{ の場合の } 4 \text{ 通りと } (1,1) \text{ を除くので } 36 - 5 = 31 \quad \frac{31}{36}$$

問四. 正方形ABCD, Aの座標は(0,4)である。

(ア) Eのx座標を求めよ。

$$\begin{aligned} \text{点 } A(0,4) \text{ より } y = x^2 \text{ に } y = 4 \text{ を代入して} \\ 4 = x^2 \quad x > 0 \text{ より } x = 2 \quad \text{点 } B(2,4) \end{aligned}$$

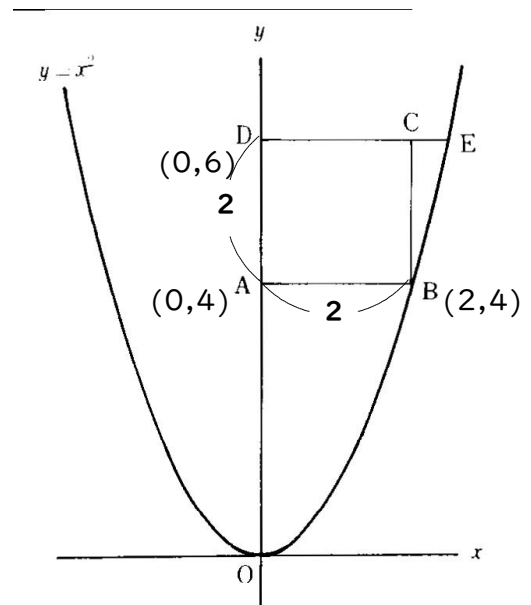
ABCDは正方形なので $AB=AD=2$ となり

点Dは(0,6)

点Eのy座標も6なので

$$y = x^2 \text{ に代入して } 6 = x^2 \quad x > 0 \text{ より } x = \sqrt{6}$$

$$\text{Ans. } \sqrt{6}$$



- (1) 2点B, Dを通る直線が放物線 $y = x^2$ と交わる点のうち、B以外の点の座標を求めよ。

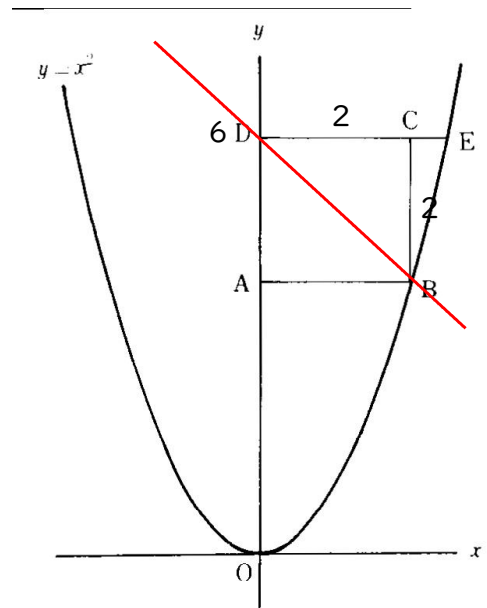
点D(0,6)と点B(2,4)を通る直線の式は
傾きは-1、切片は6より $y = -x + 6$
 $y = x^2$ と $y = -x + 6$ の交点の座標は
置換法で $x^2 = -x + 6$

$$x^2 + x - 6 = 0$$

$$(x + 3)(x - 2) = 0$$

$$x = -3, 2$$

$x = -3$ をどちらかの式に代入して
Ans.(-3,9)



- 問五. $\triangle ABC$ は $\angle B = 90^\circ$, $AB = 20\text{cm}$
 $BC = 15\text{cm}$. $AD = 13\text{cm}$.

- (7) 線分DEの長さを求めよ。

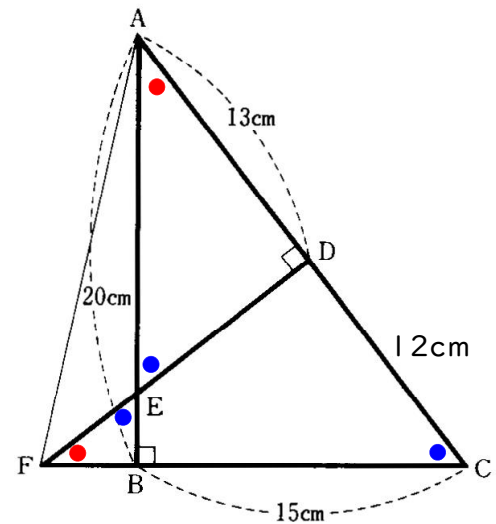
$$\triangle ABC \sim \triangle ADE \text{ より}$$

$$20 : 15 = 13 : DE$$

$$4 : 3 = 13 : DE$$

$$4DE = 39$$

$$DE = \frac{39}{4} \quad \frac{39}{4} \text{ cm}$$



- (1) 線分AFの長さを求めよ。

$$\triangle ABC \text{において、三平方の定理 (3 : 4 : 5 の 5 倍) より } AC = 5 \times 5 = 25$$

$$DC = 25 - 13 = 12$$

$$\triangle ABC \sim \triangle FDC \text{ より } 15 : 25 = 12 : FC$$

$$3 : 5 = 12 : FC$$

$$3FC = 60$$

$$FC = 20$$

$$FB = 20 - 15 = 5$$

$$\triangle AFB \text{において、三平方の定理より } AF^2 = 20^2 + 5^2$$

$$AF^2 = 425$$

$$AF > 0 \text{ より}$$

$$AF = 5\sqrt{17} \quad 5\sqrt{17} \text{ cm}$$

問六. 4点O(0,0), A(8,0), B(6,4), C(2,4)を頂点とする台形OABCがある。

いま、ABに平行な直線 l の式を、 $y = -2x + a$ とする。

(ア) $a = 2$ のとき、

直線 l とOA, OCの交点を
それぞれD, Eとする。
 $\triangle ODE$ の面積を求めよ。

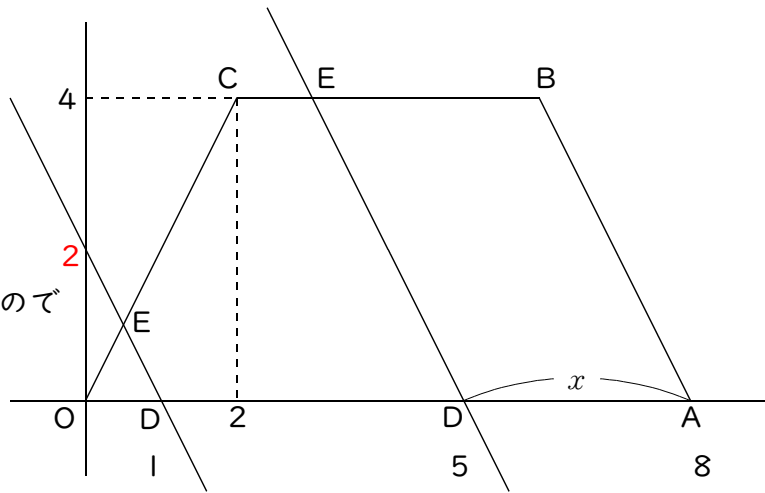
$$y = -2x + 2 \text{ より}$$

切片2から1コイッテ2サガルので

$$D(1,0)$$

OCの傾きが2より

$$E\left(\frac{1}{2}, 1\right)$$



$$\triangle ODE \text{ の面積} = 1 \times 1 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

(イ) 直線 l が台形OABCの面積を二等分するとき、 a の値を求めよ。

$$\text{台形OABCの面積} = (4 + 8) \times 4 \times \frac{1}{2} = 24$$

$$\text{平行四辺形の面積} = \text{底辺} \times \text{高さ} \quad 4x = 12 \quad x = 3 \quad 8 - 3 = 5 \text{ より } D(5,0)$$

$$y = -2x + a \text{ に } (5,0) \text{ を代入して } \quad 0 = -10 + a \quad a = 10$$

(別解) 平行四辺形も台形も面積を (上底 + 下底) \times 高さ $\times \frac{1}{2}$ と考えれば

上底 + 下底が等しくなれば良い

$$AO = 8, BC = 4 \text{ なので } (8 + 4) \times \frac{1}{2} = 6$$

平行四辺形は上底と下底が等しいので、 $6 \div 2 = 3$ 以降同じ

問七. $\triangle ABC$ は円Oに内接し、 $BC \parallel PS$

(ア) $\triangle RPC$ は二等辺三角形であることを証明せよ。

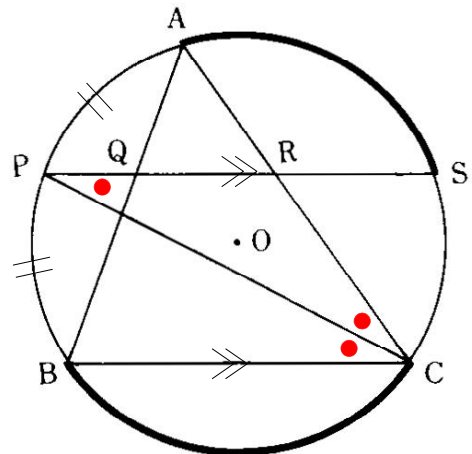
$$PS \parallel BC \text{ より } \quad \angle RPC = \angle BCP \quad \textcircled{1}$$

$\widehat{AP} = \widehat{PB}$ より 錯角は等しいので

$$\angle RCP = \angle BCP \quad \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{ より } \quad \angle RPC = \angle RCP$$

したがって、2組の角がそれぞれ等しいので、
 $\triangle RPC$ は二等辺三角形



(1) $AB = AC$, $\angle BAC = 40^\circ$ のとき, $\widehat{AS} : \widehat{BC}$ を最も簡単な整数の比で表せ。

$AB = AC$ より

$$\angle ABC = \angle ACB = (180 - 40) \div 2 = 70$$

$\widehat{AP} = \widehat{BP}$ より

$$\angle ACP = \angle BCP = 35^\circ$$

(ア) より

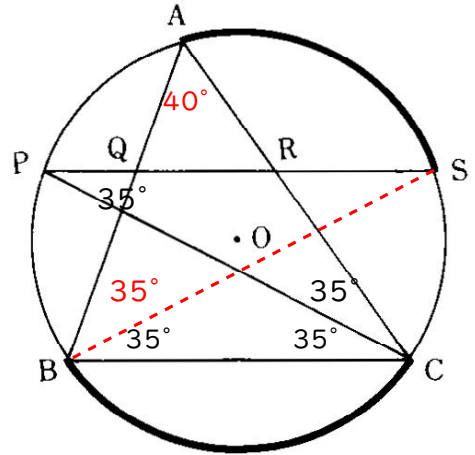
$$\angle SPC = 35^\circ$$

弧 AS の円周角なので

$$\angle SPC = \angle SBC = 35^\circ$$

$$\angle ABS = 70 - 35 = 35^\circ$$

$$\widehat{AS} : \widehat{BC} = \angle ABS : \angle BAC = 35 : 40 = 7 : 8$$



Ans. 7 : 8