

平成 22 年度

神奈川県公立高等学校入学者選抜学力検査問題

Ⅲ 数 学

注 意 事 項

- 1 開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけません。
- 2 問題は 問 7 まであり、1 ページから 6 ページに印刷されています。
- 3 計算は、あいているところを使い、答えは、解答用紙の決められた欄^{らん}に書き入れなさい。
- 4 答えに根号がふくまれるときは、根号の中は最も小さい自然数にいなさい。
また、分母に根号がふくまれるときは、分母に根号をふくまない形にしておきなさい。
- 5 答えが分数になるとき、約分できる場合は約分しておきなさい。
- 6 終了の合図があつたら、すぐに解答をやめなさい。

受 検 番 号

番

問1 次の計算をなさい。

(ア) $-5 + (-8)$

(イ) $2 - 6 \times (3 - 5)$

(ウ) $\frac{1}{4} - \frac{2}{3}$

(エ) $14a^2b \div 2b$

(オ) $\frac{1}{4}(5x-3) - \frac{1}{8}(7x-6)$

(カ) $\frac{15}{\sqrt{3}} + \sqrt{48}$

(キ) $(x+2)^2 - (x+3)(x-4)$

問2 次の問いに答えなさい。

(ア) $(x-1)(x-4) - 10$ を因数分解しなさい。

(イ) 2次方程式 $(x+5)^2 = 7$ を解きなさい。

(ウ) 次の連立方程式を解きなさい。

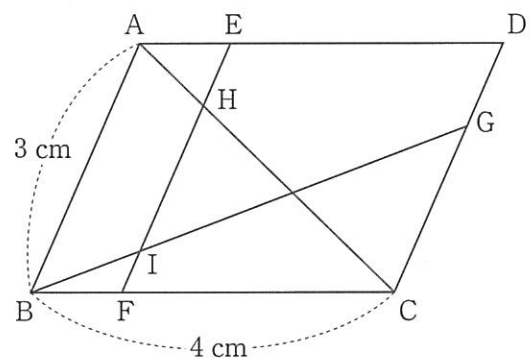
$$\begin{cases} 2x+3y=1 \\ 3x-5y=11 \end{cases}$$

(エ) 関数 $y = -\frac{1}{2}x^2$ について、 x の値が2から4まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

(オ) 右の図のように、 $AB = 3 \text{ cm}$ 、 $BC = 4 \text{ cm}$ の平行四辺形 $ABCD$ があり、辺 AD 上に点 E 、辺 BC 上に点 F 、辺 CD 上に点 G をそれぞれ $AE = BF = DG = 1 \text{ cm}$ となるようにとる。

また、線分 EF と線分 AC との交点を H 、線分 EF と線分 BG との交点を I とする。

このとき、線分 HI の長さを求めなさい。

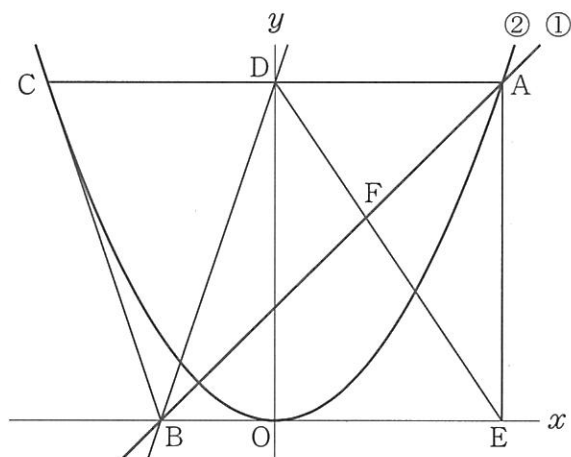


問3 右の図において、直線①は関数 $y = x + 3$ のグラフであり、曲線②は関数 $y = ax^2$ のグラフである。

点Aは直線①と曲線②との交点で、その x 座標は6であり、点Bは直線①と x 軸との交点である。

また、点Cは曲線②上の点で、線分ACは x 軸に平行であり、点Dは線分ACと y 軸との交点である。

原点をOとすると、次の問いに答えなさい。

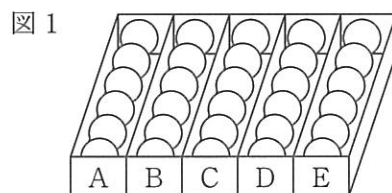


(ア) 曲線②の式 $y = ax^2$ の a の値を求めなさい。

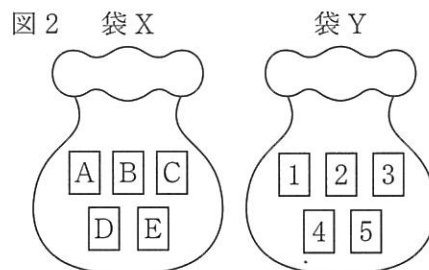
(イ) 直線BDの式を求め、 $y = mx + n$ の形で書きなさい。

(ウ) 点Eは x 軸上の点で、線分AEは y 軸に平行である。直線①と線分DEとの交点をFとすると、三角形AEFと三角形BCDの面積の比を最も簡単な整数の比で表しなさい。

問4 右の図1のように、A, B, C, D, Eの文字が1つずつ書かれた5個の箱が左からアルファベット順に横一列に並べて置いてあり、それぞれの箱の中には、同じ大きさの玉が6個ずつ入っている。



また、図2のように、2つの袋X, Yがあり、袋Xの中にはA, B, C, D, Eの文字が1つずつ書かれた同じ大きさの5枚のカードが入っており、袋Yの中には1, 2, 3, 4, 5の数字が1つずつ書かれた同じ大きさの5枚のカードが入っている。



2つの袋X, Yの中からカードをそれぞれ1枚ずつ取り出し、それらのカードに書かれた文字や数によって、次の①, ②の操作を順に行うことにする。

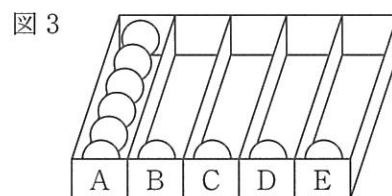
- ① 袋Xの中から取り出したカードに書かれた文字と同じ文字が書かれた箱と、その箱より右側に置かれたすべての箱を選ぶ。
- ② ①の操作で選ばれたすべての箱の中から、袋Yの中から取り出したカードに書かれた数と同じ個数だけ、玉をそれぞれ取り除く。

例

袋Xの中から取り出したカードに書かれた文字がB, 袋Yの中から取り出したカードに書かれた数が5のとき、

- ① Bと書かれた箱と、その箱より右側に置かれたC, D, Eと書かれた箱を選ぶ。
- ② ①の操作で選ばれた4つの箱の中から、玉をそれぞれ5個ずつ取り除く。

この結果、玉は図3のように残っている。

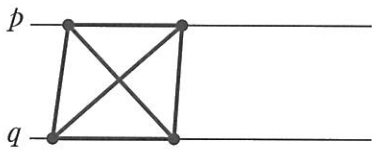
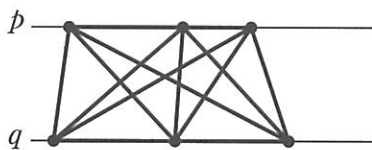


いま、図1の状態、図2の2つの袋X, Yの中からカードをそれぞれ1枚ずつ取り出すとき、次の問いに答えなさい。ただし、それぞれの袋の中から、どのカードが取り出されることも同様に確からしいものとする。

- (ア) Bと書かれた箱の中に残っている玉が5個となる確率を求めなさい。
- (イ) 5個の箱の中に残っている玉の個数の和が3の倍数となる確率を求めなさい。

問5 平行な2直線 p , q があり, それぞれの直線上に異なる点が n 個ずつある。これらの点を両端とする線分について, 同じ直線上のとなりあった2点を両端とする線分, および直線 p 上の点と直線 q 上の点を両端とする線分を考え, その線分の本数の和を調べることにする。ただし, n は2以上の整数とする。

下の表は, $n = 2$, $n = 3$ のときの図の例と線分の本数の和をそれぞれ示したものである。

n の値	2	3
図の例		
線分の本数の和	6	13

このとき, 次の問いに答えなさい。

- (ア) $n = 4$ のとき, 線分の本数の和を求めなさい。
- (イ) 線分の本数の和が253のとき, n の値を求めなさい。

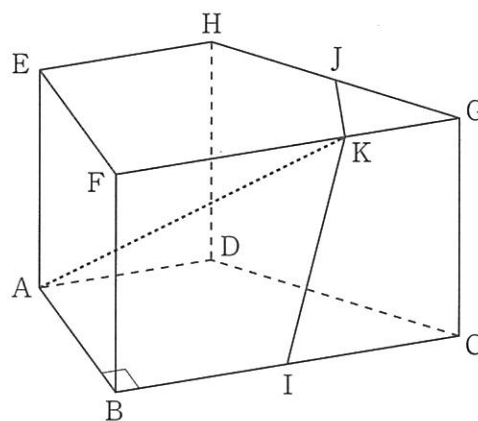
問 6 右の図は、 $AD \parallel BC$ 、 $AD = 3 \text{ cm}$ 、 $BC = 6 \text{ cm}$ 、 $\angle ABC = 90^\circ$ の台形 $ABCD$ を底面とし、 $AE = BF = CG = DH = 4 \text{ cm}$ を高さとする四角柱であり、四角形 $ABFE$ は正方形である。

また、2 点 I 、 J はそれぞれ辺 BC 、辺 GH の中点である。

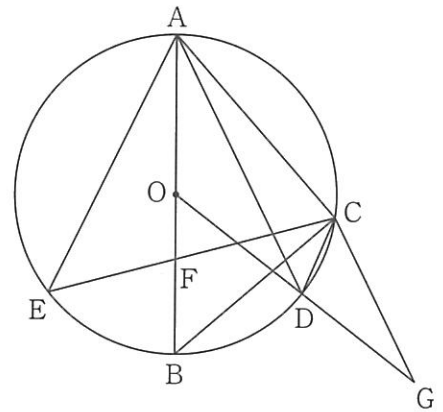
このとき、次の問いに答えなさい。

(ア) この四角柱の表面積を求めなさい。

(イ) この四角柱の表面上に、点 I から辺 FG に交わるように点 J まで線を引く。このような線のうち、長さが最も短くなるように引いた線が、辺 FG に交わっている点を K とするとき、2 点 A 、 K 間の距離を求めなさい。



問 7 右の図のように、線分 AB を直径とする円 O の周上に、
 2 点 A, B とは異なる点 C を $AC > BC$ となるようにとり、
 点 A をふくまない \widehat{BC} 上に 2 点 B, C とは異なる点 D をとる。
 また、点 C をふくまない \widehat{AB} 上に点 E を $\angle BAD = \angle BAE$
 となるようにとり、線分 AB と線分 CE との交点を F とする。
 さらに、線分 OD の延長上に点 G を $AD \parallel CG$ となるよう
 にとる。
 このとき、次の問いに答えなさい。



(ア) 三角形 AEF と三角形 GCD が相似であることを次のよう
 に証明した。空欄にあてはまるものとして、 には最も適する弧を記号 $\widehat{\quad}$ を用いて書き、
 には最も適する角を記号 \angle を用いて書き、 ~ には【選択群】から最も適す
 るものをそれぞれ 1 つずつ選び、その番号を書きなさい。

【証明】

$\triangle AEF$ と $\triangle GCD$ において、
 まず、 に対する円周角は等しいから、
 $\angle AEC = \angle ADC$
 よって、 $\angle AEF = \angle ADC$ ①
 また、 から、
 $\angle ADC = \angle GCD$ ②
 ①, ②より、 $\angle AEF = \angle GCD$ ③
 次に、仮定より、
 $\angle BAE = \angle BAD$
 よって、 $\angle EAF = \angle OAD$ ④
 また、 $\triangle OAD$ は $OA = OD$ の二等辺三角形だから、
 $\angle OAD =$ ⑤
 さらに、 から、
 $\angle ODA = \angle OGC$ ⑥
 ④, ⑤, ⑥より、 $\angle EAF = \angle OGC$
 よって、 $\angle EAF = \angle CGD$ ⑦
 ③, ⑦より、 から、
 $\triangle AEF \sim \triangle GCD$

- 【選択群】
1. 対頂角は等しい
 2. 平行線の同位角は等しい
 3. 平行線の錯角は等しい
 4. 3 組の辺の比が等しい
 5. 2 組の辺の比が等しく、その間の角が等しい
 6. 2 組の角がそれぞれ等しい

(イ) $\angle BAC = 41^\circ$, $\angle BCD = 26^\circ$ のとき、 $\angle AFE$ の大きさを求めなさい。

(問題は、これで終わりです。)

Ⅲ 数学 解答用紙 (平成 22 年度)

問 1

(ア)	(イ)	(ウ)	(エ)

各 1 点

(オ)	(カ)	(キ)

各 2 点

問 2

(ア)	(イ)	(ウ)
		$x = \quad, y = \quad$

(エ)	(オ)

各 2 点

問 3

(ア)	(イ)	(ウ)
$a = \quad$	$y = \quad$	$\triangle AEF : \triangle BCD = \quad : \quad$

各 2 点

問 4

(ア)	(イ)

各 3 点

問 5

(ア)	(イ)
	$n = \quad$

各 3 点

問 6

(ア)	(イ)
cm^2	cm

各 3 点

問 7

(ア)					(イ)
(a)	(あ)	(b)	(い)	(う)	$\angle AFE = \quad \circ$

各 3 点

問	得点
	(ア)~(エ)
1	(オ)~(キ)
2	
3	
4	
5	
6	
7	
計	

学 科 名	受 検 番 号	氏 名
科	番	

C
数

Ⅲ 数 学 正答表並びに採点基準 (平成22年度)

問 1	(ア)	(イ)	(ウ)	(エ)
	-13	14	$-\frac{5}{12}$	$7a^2$

(オ)	(カ)	(キ)
$\frac{3}{8}x$	$9\sqrt{3}$	$5x+16$

問 2	(ア)	(イ)	(ウ)
	$(x+1)(x-6)$	$x = -5 \pm \sqrt{7}$	$x = 2, y = -1$

(エ)	(オ)
-3	$\frac{7}{4}$ cm

問 3	(ア)	(イ)	(ウ)
	$a = \frac{1}{4}$	$y = 3x+9$	$\triangle AEF : \triangle BCD = 3 : 5$

問 4	(ア)	(イ)
	$\frac{2}{25}$	$\frac{9}{25}$

問 5	(ア)	(イ)
	22	$n = 15$

問 6	(ア)	(イ)
	108 cm ²	$4\sqrt{3}$ cm

問 6(イ)は $\sqrt{48}, 2\sqrt{12}$ に 2 点を与える。

問 7	(ア)					(イ)
	(a)	(あ)	(b)	(い)	(う)	$\angle AFE = \boxed{105}^\circ$
	\widehat{AC}	3	$\angle ODA$	2	6	

問 7(ア)は(a)と(あ)がともに正答で 1 点, (b)と(い)がともに正答で 1 点, (う)が正答で 1 点を与える。

採点上の注意

1. 中間点は、問 6(イ)、問 7(ア)以外には設けないこと。
2. 正の数については、+の符号をつけても可とする。
3. 多項式の項の順序、積の順序は入れかわっても可とする。
4. 有限小数で表される分数は小数で表しても可とする。循環小数になるものを有限小数で表したり、「…」を用いて表したものは不可とする。仮分数は帯分数で表しても可とする。
5. 問 6(イ)以外は、根号の中を最も小さい自然数にしていけないものは不可とする。
6. 問 7(ア)の(a)は \widehat{CA} も可とする。(b)は $\angle ADO$ も可とする。

問	配点
1	(ア)~(エ) 各 1 点 計 4 点 (オ)~(キ) 各 2 点 計 6 点
	2 各 2 点 計 10 点
3	各 2 点 計 6 点
4	各 3 点 計 6 点
5	各 3 点 計 6 点
6	各 3 点 計 6 点
7	各 3 点 計 6 点
計	50 点

2010 (H22) 県立高校入試解説

問 1.

(ア) $-5 + (-8) = -5 - 8 = -13$

(イ) $2 - 6 \times (3 - 5) = 2 - 6 \times (-2) = 2 + 12 = 14$

(ウ) $\frac{1}{4} - \frac{2}{3} = \frac{3}{12} - \frac{8}{12} = -\frac{5}{12}$

(エ) $14a^2b \div 2b = \frac{14a^2b}{2b} = 7a^2$

(オ) $\frac{1}{4}(5x - 3) - \frac{1}{8}(7x - 6) = \frac{5}{4}x - \frac{3}{4} - \frac{7}{8}x + \frac{3}{4} = \frac{10}{8}x - \frac{7}{8}x = \frac{3}{8}x$

(カ) $\frac{15}{\sqrt{3}} + \sqrt{48} = \frac{15\sqrt{3}}{3} + 4\sqrt{3} = 5\sqrt{3} + 4\sqrt{3} = 9\sqrt{3}$

(キ) $(x + 2)^2 - (x + 3)(x - 4) = x^2 + 4x + 4 - (x^2 - x - 12)$
 $= x^2 + 4x + 4 - x^2 + x + 12 = 5x + 16$

問 2.

(7) $(x - 1)(x - 4) - 10 = x^2 - 5x + 4 - 10 = x^2 - 5x - 6 = (x + 1)(x - 6)$

(4) $(x + 5)^2 = 7 \quad x + 5 = \pm\sqrt{7} \quad x = -5 \pm \sqrt{7}$

(ウ)
$$\begin{cases} 2x + 3y = 1 & \text{①} & \text{①} \times 3 & 6x + 9y = 3 \\ 3x - 5y = 11 & \text{②} & \text{②} \times 2 & -) 6x - 10y = 22 \end{cases}$$

$$\begin{array}{r} 6x + 9y = 3 \\ -) 6x - 10y = 22 \\ \hline 19y = -19 \\ y = -1 \end{array}$$

$y = -1$ を①に代入して $2x - 3 = 1 \quad 2x = 4 \quad x = 2 \quad x = 2, y = -1$

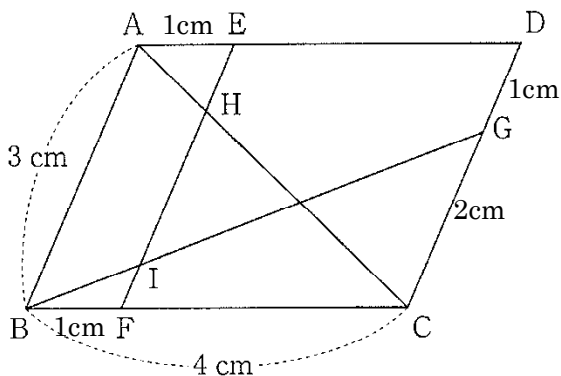
(I) $y = -\frac{1}{2}x^2$

x	2	4	変化の割合は	$\frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}}$	$\frac{-8 - (-2)}{4 - 2}$
y	-2	-8			

したがって変化の割合は $\frac{-6}{2} = -3$

(別解) 変化の割合 $= (2 + 4) \times (-\frac{1}{2}) = -3$

(オ)



(1) HF - IF = HI と考える

$\triangle CHF \sim \triangle CAB$ より

$3 : HF = 4 : (4 - 1)$

$4HF = 9 \quad HF = \frac{9}{4}$

$\triangle BCG \sim \triangle BFI$ より

$1 : 4 = IF : (3 - 1)$

$4IF = 2 \quad IF = \frac{1}{2}$

$HI = \frac{9}{4} - \frac{1}{2} = \frac{7}{4}$

(2) EF - IF - EH と考えても良い

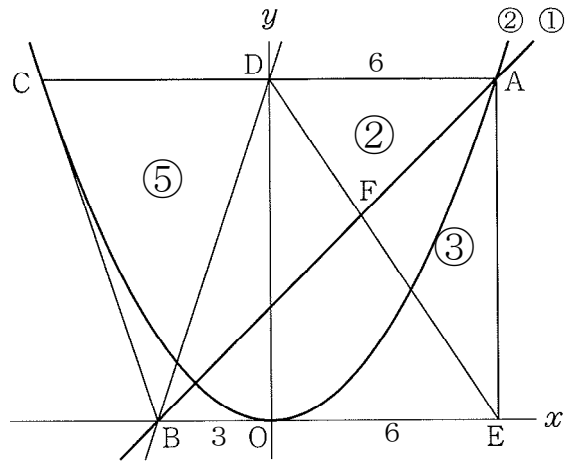
問3.

(ア) 点Aは $y = x + 3$ 上の点で、 x 座標は6より、
 $x = 6$ を代入して、 $y = 6 + 3 = 9$ A (6, 9)
 この点は、 $y = ax^2$ 上の点でもあるので、

$$9 = a \times 6^2 \quad a = \frac{1}{4}$$

(イ) 点Bは $y = x + 3$ 上の点で、 y 座標は0だから、
 $0 = x + 3$ より $x = -3$ B (-3, 0)
 また、D (0, 9) より、直線BDの傾きを考えると
 3コイッテ9アガルので3となる
 したがって、 $y = 3x + 9$

(ウ) $AD \parallel BE$ より、 $\triangle ADF \sim \triangle BEF$ AD = 6, BE = 9 より 相似比 = 2 : 3
 したがって DF : FE = 2 : 3 $\triangle ADE$ と $\triangle AFE$ は高さが同じなので底辺の比 = 面積の比
 したがって 面積の比は $\triangle ADE : \triangle AFE = 2 : 3$ $\triangle CDB = \triangle ADE = 2 + 3 = 5$
 だから、 $\triangle AEF$ と $\triangle BCD$ の面積の比は **3 : 5**



問4.

1	○	○			
2					
3					
4					
5					
6					
	A	B	C	D	E

(ア) カードの取り出し方は全部で、 $5 \times 5 = 25$ (通り)
 そのうち、Bの箱の中の玉が5個になるのは、
 $(X, Y) = (A, 1), (B, 1)$ の2通り。

よって、求める確率は、 $\frac{2}{25}$

(イ) 30個入っている

1	A1 $30 - 5 = 25$	$30 - 4 = 26$	C1 $30 - 3 = 27 \star$	$30 - 2 = 28$	$30 - 1 = 29$
2	A2 $30 - 10 = 20$	$30 - 8 = 22$	C2 $30 - 6 = 24 \star$	$30 - 4 = 26$	$30 - 2 = 28$
3	A3 $30 - 15 = 15 \star$	B3 $30 - 12 = 18 \star$	C3 $30 - 9 = 21 \star$	D3 $30 - 6 = 24 \star$	E3 $30 - 3 = 27 \star$
4	$30 - 20 = 10$	$30 - 16 = 14$	C4 $30 - 12 = 18 \star$	$30 - 8 = 22$	$30 - 4 = 26$
5	$30 - 25 = 5$	$30 - 20 = 10$	C5 $30 - 15 = 15 \star$	$30 - 10 = 20$	$30 - 5 = 25$
6					
	A	B	C	D	E

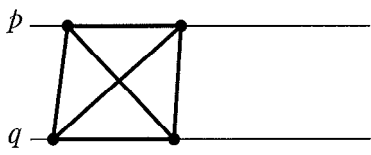
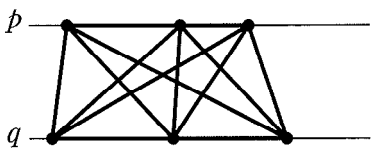
(イ) 5個の箱の中の玉の数が3の倍数となるのは、
 $(X, Y) = (A, 3), (B, 3), (C, 1), (C, 2), (C, 3), (C, 4), (C, 5), (D, 3), (E, 3)$ の9通り。
 よって、求める確率は、 $\frac{9}{25}$

問5.

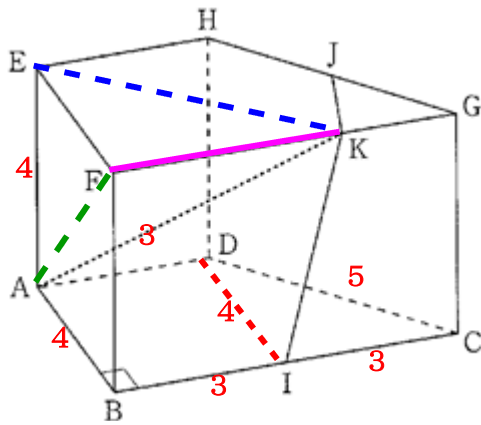
(ア) $n = 4$ のとき、 p から q へ引く線は p の各頂点から 4 本、 q の頂点は 4 つあるから $4 \times 4 = 16$
 p 内での横線は $4 - 1 = 3$ q 内での横線は同じく $4 - 1 = 3$ $3 \times 2 = 6$
 $16 + 6 = 22$

(イ) $n \times n + (n - 1) \times 2 = 253$

$$n^2 + 2n - 2 - 253 = 0 \quad n^2 + 2n - 255 = 0 \quad (n - 15)(n + 17) = 0 \quad n = 15$$

n の値	2	3
図の例		
線分の本数の和	6	13

問6.



(ア) $(4 + 6 + 5 + 3) \times 4 = 72$

$(3 + 6) \times 4 \div 2 \times 2 = 36$

$72 + 36 = 108$

$108 \text{ (cm}^2\text{)}$

(イ) 四角形 EFGH と四角形 FBCG を辺 FG はつなげたまま展開する。

IJ が最短より、展開図上で線分 IJ と FG との交点が K となる。

HI と FG との交点を L とおくと、

$EH = BI = FL = 3 \text{ cm}$

$\triangle JKN \sim \triangle IKL$

$JN = 2\text{cm}$, $IL = 4\text{cm}$ なので

$LK : KG = 1 : 2$

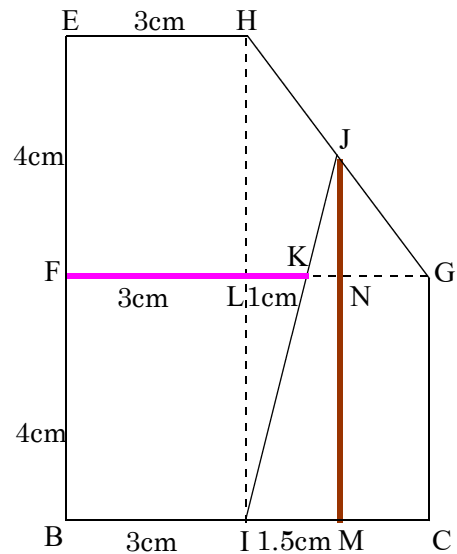
$$LK = \frac{1}{3}LN = \frac{1}{3} \times 3 = 1 \text{ (cm)}$$

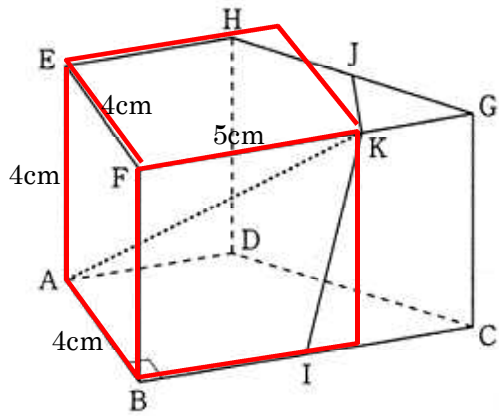
よって、 $FK = 3 + 1 = 4 \text{ (cm)}$

(別解) $\triangle JKN \sim \triangle JIM$ より

$$JN : JM = 1 : 3 = KN : IM = 0.5 : 1.5$$

従って、 $LK = 1 \therefore FK = 4$





AK は AE, EF, FK を 1 辺とする
 直方体の対角線のなので
 $AK^2 = 4^2 + 4^2 + 4^2 = 48$
 $AK > 0$ より, $AK = 4\sqrt{3}$ (cm)

問 7.

- (7) (a) \widehat{AC} (あ) 3
 (b) $\angle ODA$ (い) 2 (う) 6

- (1) AB は直径だから, $\angle ACB = 90^\circ$ よって,
 ● $\angle ABC = 180^\circ - 41^\circ - 90^\circ = 49^\circ$
 円周角の定理より,
 ● $\angle AEC = \angle ABC = 49^\circ$
 円周角の定理より,
 ● $\angle BAD = \angle BCD = 26^\circ$
 仮定より
 ● $\angle BAE = \angle BAD = 26^\circ$
 よって,
 三角形の内角の和より
 $\angle AFE = 180^\circ - 26^\circ - 49^\circ = 105^\circ$

