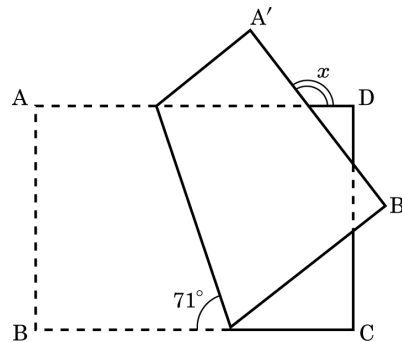


# 折り返し問題 1

**ポイント：**① 折り返した時の、辺の長さや角の大きさは、もとの辺の長さや角の大きさと等しくなる。⇒印をつけること  
 ② 等しい角や直角を利用して、相似や三平方の定理を使う。

問 1. ある長方形 ABCD を折ってできた下の図で、 $\angle x$  の大きさは何度か求めよ。



問 2. 下の図 1 のように  $AB = 6\text{ cm}$ ,  $BC = 4\text{ cm}$  である長方形 ABCD の紙がある。辺 AB, CD の中点をそれぞれ P, Q とし、2 点 P, Q を結ぶ。次に、図 2 のように、点 C が点 P に重なるように折り、折り目と辺 BC, CD との交点をそれぞれ R, S とする。図 3 は、図 2 の折った部分をもとにもどし、点 P と点 R, S をそれぞれ結んだものである。このとき、次の (I), (II) について、 には当てはまる最も簡単な整数の比を、,  には当てはまる値をそれぞれ書きなさい。

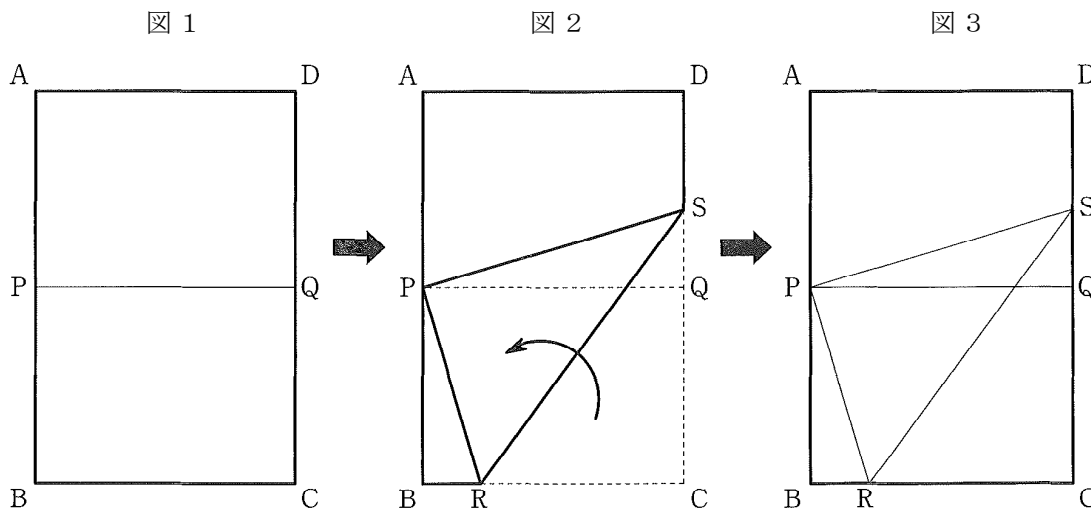
(I) ・  $\triangle PBR \sim \triangle PQS$  である。

・  $\triangle PBR$  と  $\triangle PQS$  の面積の比は、 である。

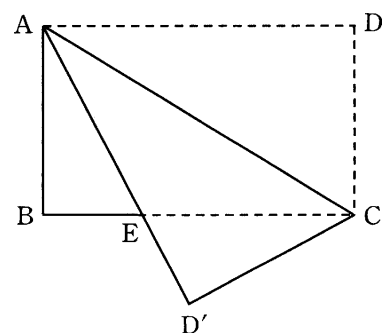
(II) PS の長さを  $x\text{ cm}$  とするとき、

・ QS の長さを  $x$  を使った式で表すと、 $(x - \text{イ})\text{ cm}$  である。

・  $x$  の値を求めると、 $PS = \text{ウ}\text{ cm}$  である。



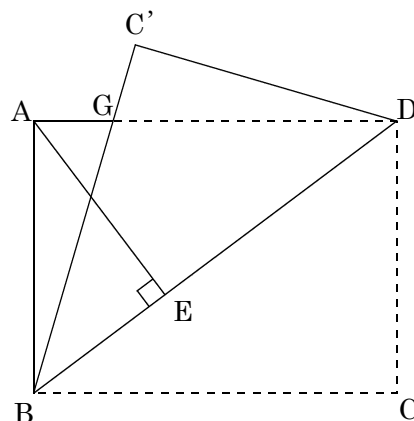
問 3. 右の図のように、長方形 ABCD を対角線 AC を折り目として折り返したところ、点 D は D' に移動した。AD' と BC の交点を E として、 $\triangle ABE$  と  $\triangle CD'E$  は合同であることを証明しなさい。



問 4. 長方形 ABCD があり、 $AB = 6\text{cm}$ 、 $AD = 8\text{cm}$  であるとき、次の問いに答えなさい。

(ア) 対角線 BD の長さを求めなさい。

(イ) 線分 AE の長さを求めなさい。



(ウ) 対角線 BD を折り目として折り返したとき、点 C が移動した点を C'、辺 AD と辺 BC' の交点を G とする。このとき三角形 ABG の面積を求めなさい。

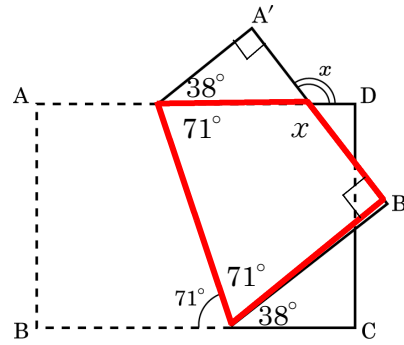
# 折り返し問題 1

問 1. (2004 福井)

$$360 - (71 + 71 + 90) = 128 \text{ (度)}$$

あるいは,

$$90 + 38 = 128 \text{ (度)}$$



問 2. (2012 茨城)

$\triangle PBR \sim \triangle PQS$  で, 相似比は  $PB : PQ = 3 : 4$  より,  
面積比は,  $3^2 : 4^2 = 9 : 16$

$PS = x \text{ cm}$  とすると,

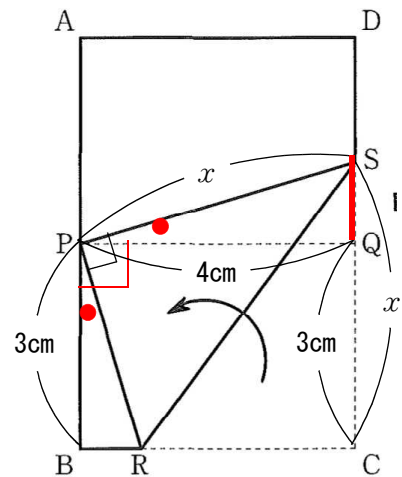
$$CS = PS = x \text{ cm} \text{ なので, } \underline{QS = x - 3 \text{ (cm)}}$$

$\triangle PQS$  において三平方の定理より,

$$PS^2 = PQ^2 + QS^2 \quad x^2 = 4^2 + (x - 3)^2$$

これを解いて,  $x = \frac{25}{6} \text{ (cm)}$

ア 9 : 16      イ 3      ウ  $\frac{25}{6} \text{ (cm)}$



問 3. (2001 富山)

$\triangle ABE$  と  $\triangle CD'E$  において,

長方形の向かい合う辺はそれぞれ等しいので,

$$AB = CD' \dots \textcircled{1}$$

長方形の内角は  $90^\circ$  なので  $\angle B = \angle D' \dots \textcircled{2}$

対頂角は等しいので  $\angle AEB = \angle CED'$

また,

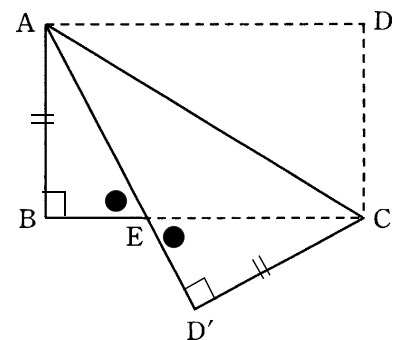
$$180^\circ - \angle B - \angle AEB = 180^\circ - \angle D' - \angle CED' \text{ なので}$$

$$\angle BAE = \angle D'CE \dots \textcircled{3}$$

①, ②, ③より 1 辺とその両端の角がそれぞれ等しいから,

$$\triangle ABE \equiv \triangle CD'E$$

(斜辺が等しくないので直角三角形の合同条件は使えない)

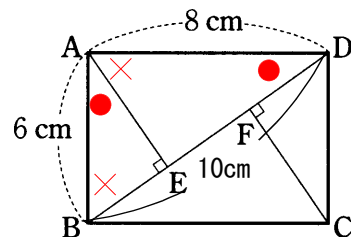


問 4. (2001 長崎)

(ア) 3 : 4 : 5 の 2 倍より 10cm

(イ)  $\triangle ABE \sim \triangle DBA$  なので、 $AE : 6 = 8 : 10 \quad \therefore AE = \frac{24}{5}$

図 3



(ウ)  $\triangle ABG \equiv \triangle C'DG$  (1 辺とその両端の角がそれぞれ等しい) から、

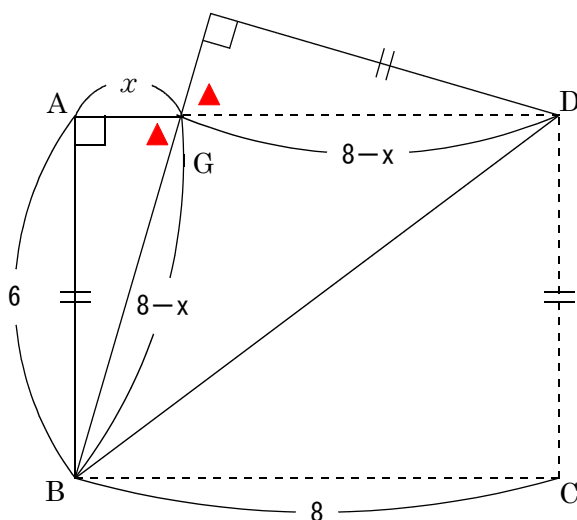
$AG = C'G = x$  (cm) とすると、

$BG = DG = 8 - x$  (cm) ,

$\triangle ABG$  で三平方の定理から、 $6^2 + x^2 = (8 - x)^2 \quad x = \frac{7}{4}$  (cm)

よって、 $\triangle ABG$  の面積は、

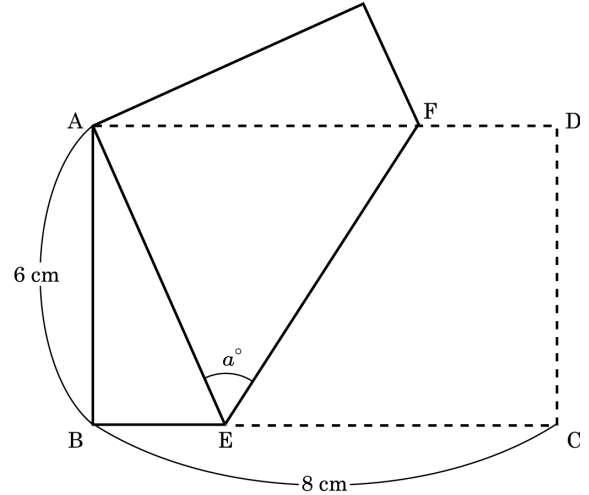
$$\frac{1}{2} \times AG \times AB = \frac{1}{2} \times \frac{7}{4} \times 6 = \frac{21}{4} \text{ (cm}^2\text{)}$$



## 折り返し問題 2

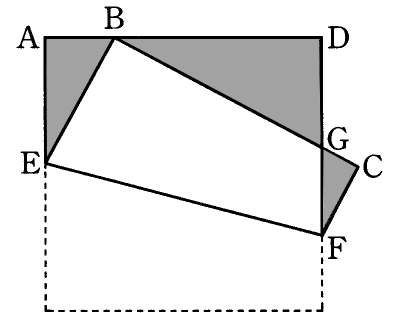
**問 5.**  $AB = 6 \text{ cm}$ ,  $BC = 8 \text{ cm}$  の長方形  $ABCD$  を, 頂点  $C$  が頂点  $A$  に重なるように折り, そのときの折り目を  $EF$  とする。このとき, 次の問いに答えなさい。

(ア)  $\angle AEF = a^\circ$  とするとき,  $\angle AEB$  の大きさを  $a$  を用いて表しなさい。



(イ)  $BE$  の長さを求めなさい。

**問 6.** 折り紙で遊んでいたなつ子さんは, 右の図のように, 正方形の折り紙  $ABCD$  の頂点  $B$  が辺  $AD$  上にくるように折ってみた。折り目の線を  $EF$ , 辺  $BC$  が辺  $DF$  と交わる点を  $G$  とする。このとき, なつ子さんは, 点  $B$  が辺  $AD$  上のどこにきても (頂点  $A, D$  は除く), 影をつけた 3 つの直角三角形の間には, 必ずある関係があることに気づいた。次の (ア), (イ) に答えなさい。



(ア) なつ子さんが気づいた, 3 つの直角三角形の間にある関係を書きなさい。

(イ) この折り紙の 1 辺の長さは  $18 \text{ cm}$  であった。点  $B$  を  $AB : BD = 1 : 2$  となるようにとって, 折り紙を折ったとき,  $BG$  の長さを求めなさい。

問 7. 図1のように,  $AB : AD = \sqrt{2} : 1$  の長方形 ABCD がある。辺 AD が辺 BC に重なるように折り, その折り目を EF とする。折った部分をもとにもどし, 次に, 点 C が点 E に重なるように折り, その折り目を GH とする。折った部分をもとにもどし, 点 E と点 G, H をそれぞれ結ぶ。次の (ア) ~ (ウ) に答えなさい。

図 1

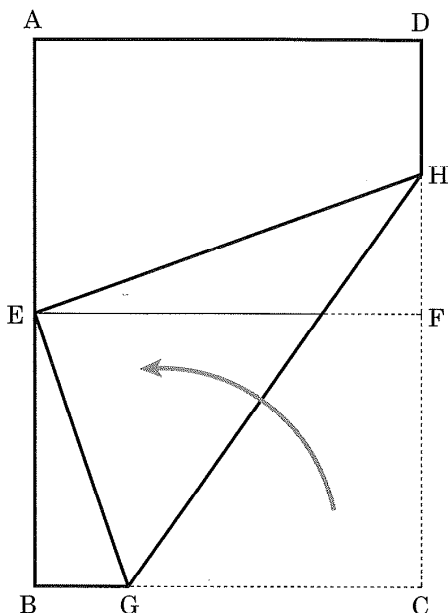
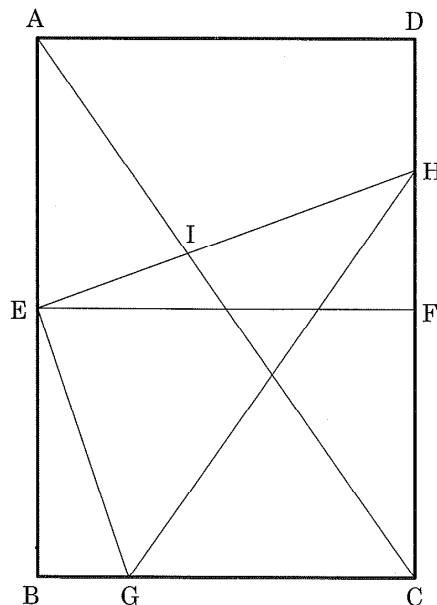


図 2



(ア)  $\angle HEF = a^\circ$ ,  $\angle EHG = b^\circ$  とするとき,  $a$  を  $b$  を用いて表しなさい。

(イ)  $\triangle EBG \sim \triangle EFH$  を証明しなさい。

(ウ) 図 1 の長方形 ABCD が,  $AB = 20\sqrt{2}$  cm,  $AD = 20$  cm のとき, 次の問いに答えなさい。

(1) 線分 BG の長さを求めなさい。

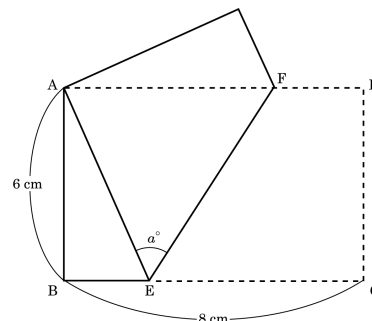
(2) 図 2 のように, 長方形 ABCD の対角線 AC と線分 EH との交点を I とする。点 I を通り  $\triangle EGH$  の面積を 2 等分する直線が線分 GH と交わる点を P とする。線分 GP の長さを求めなさい。

## 折り返し問題 2

問 5. (2004 栃木)

- (ア) EF を折り目として折り返したのだから、  
折り返した後の図形と元の図形はぴったりと重なる。  
よって  $\angle CEF = a^\circ$  したがって  
 $\angle AEB = 180^\circ - \angle AEF - \angle CEF = (180 - 2a)^\circ$

- (イ) BE の長さを  $x$  cm とおくと  $CE = 8 - x$  (cm) = AE  
 $\triangle ABE$  は  $\angle B = 90^\circ$  の直角三角形だから、  
三平方の定理より  $6^2 + x^2 = (8 - x)^2$   
これを解いて、 $16x = 28$  より  $x = \frac{7}{4}$



問 6. (2001 山梨)

- (ア) 3 つの三角形は、**2 組の角がそれぞれ等しい**ので、相似であるといえる。

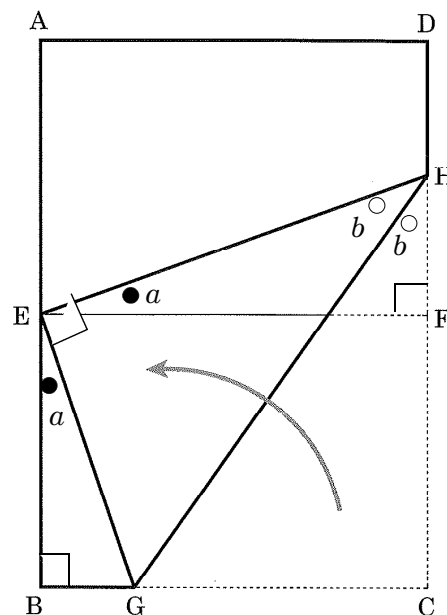
- (イ)  $EB = x$  とすると、 $AE = 18 - x$  となる、 $AB = 18 \times \frac{1}{3} = 6$

$\triangle AEB$  で三平方の定理より、 $6^2 + (18 - x)^2 = x^2$  これを解くと  $x = 10$   
 $\triangle AEB \sim \triangle DBG$  より、 $AE : EB = DB : BG$  となり、 $8 : 10 = 12 : BG$   
よって、 $BG = 15$  (cm)

問 7. (2009 徳島)

- (ア) 折った部分の角だから、  
 $\angle GHC = \angle GHE = b^\circ$   
 $\triangle EHF$  において、  
 $a^\circ + b^\circ + b^\circ + 90^\circ = 180^\circ$   
 $a^\circ = 90^\circ - 2b^\circ$   $a = 90 - 2b$

- (イ)  $\triangle EBG$  と  $\triangle EFH$  で、  
 $\angle EBG = \angle EFH = 90^\circ$  ... ①  
また、 $\angle BEG = \angle FEB - \angle FEG = 90^\circ - \angle FEG$   
 $\angle FEH = \angle HEG - \angle FEG = 90^\circ - \angle FEG$   
よって、 $\angle BEG = \angle FEH$  ... ②  
①、②から、2 組の角が、それぞれ等しいので、  
 $\triangle EBG \sim \triangle EFH$



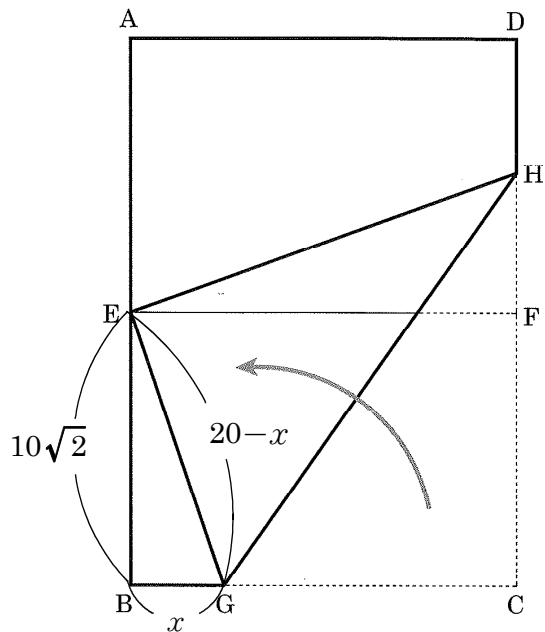
$b$

(ウ)

- (1)  $BG = x$  cm とおくと,  
 $EG = CG = 20 - x$  (cm) と表せる。

$\triangle EBG$  において, 三平方の定理より,

$$\begin{aligned} (10\sqrt{2})^2 + x^2 &= (20 - x)^2 \\ 200 + x^2 &= 400 - 40x + x^2 \\ 40x &= 200 \\ x &= 5 \text{ (cm)} \end{aligned}$$



- (2)  $\triangle EBG \sim \triangle EFH$  より,

$$EB : EF = BG : FH \quad 10\sqrt{2} : 20 = 5 : HF$$

$$HF = \frac{20 \cdot 5}{10\sqrt{2}} = 5\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

$AE \parallel CH$  より,

$$\begin{aligned} EI : IH &= AE : CH = 10\sqrt{2} : (10\sqrt{2} + 5\sqrt{2}) \\ &= 10\sqrt{2} : 15\sqrt{2} = 2 : 3 \end{aligned}$$

よって,  $IG$  を結ぶと,

$$\triangle GEI : \triangle GHI = 2 : 3 = 4 : 6$$

$\triangle GEI + \triangle GIP = \triangle IPH$  となるには

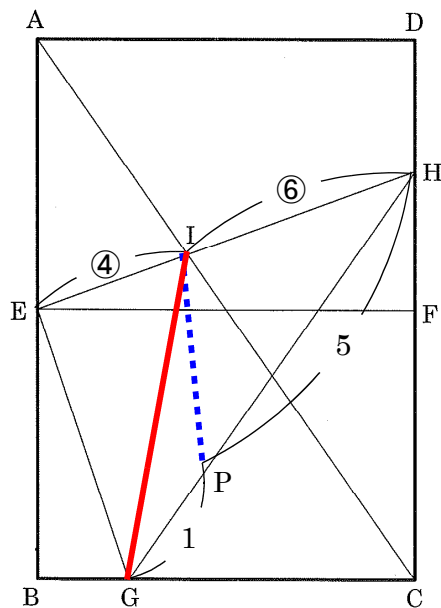
**$GP : PH = 1 : 5$  となれば良い**

$\triangle HGC$  において, 三平方の定理より,

$$GH^2 = 15^2 + (15\sqrt{2})^2$$

$$GH = 15\sqrt{3} \text{ (cm)}$$

$$\text{よって, } GP = \frac{1}{6}GH = \frac{15\sqrt{3}}{6} = \frac{5\sqrt{3}}{2} \text{ (cm)}$$



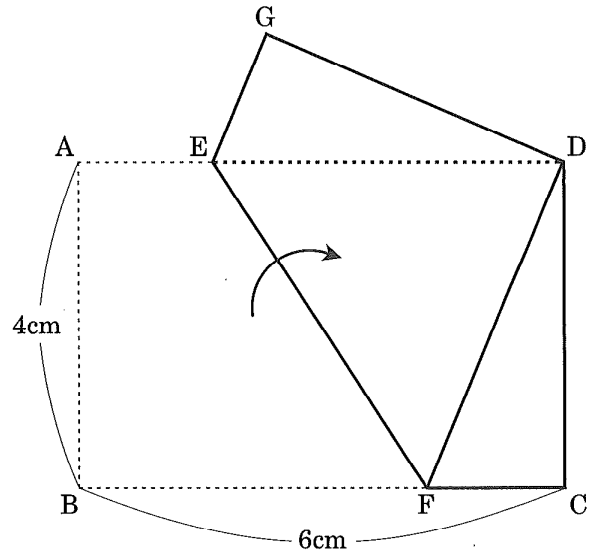
### 折り返し問題3

問8. 図のように、 $AB = 4\text{ cm}$ 、 $BC = 6\text{ cm}$ の長方形  $ABCD$  がある。点  $B$  を点  $D$  に重なるように折り、点  $A$  が移る点を  $G$ 、折り目を  $EF$  とする。(ア)～(エ)に答えなさい。

(ア) 長方形  $ABCD$  の対角線  $BD$  の長さを求めなさい。

(イ) 折り目  $EF$  を、定規とコンパスの両方を使って解答用紙に作図しなさい。

(ウ)  $\triangle FCD \equiv \triangle EGD$  を証明しなさい。



(エ) 点  $G$  と点  $F$  を結ぶ線分  $GF$  と、線分  $ED$ 、対角線  $BD$  との交点をそれぞれ  $H$ 、 $I$  とするとき、 $\triangle HID$  の面積は、 $\triangle EHG$  の面積の何倍か、求めなさい。

問 9. 1 辺の長さが 2 cm の正方形の紙 ABCD があり，辺 BC の中点を E，辺 CD の中点を F とします。図 1 は，この紙を，座標軸がかかっている用紙の上に，点 A，B，C，D がそれぞれ点  $(0, 0)$ ， $(2, 0)$ ， $(2, 2)$ ， $(0, 2)$  に重なるように置いたものです。このとき，次の各問いに答えなさい。

ただし，座標の 1 目もりを 1 cm とし，紙の厚みは考えないものとします。

図 1

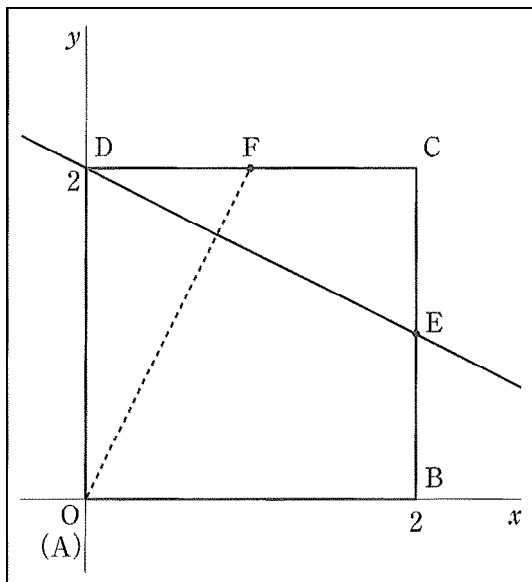
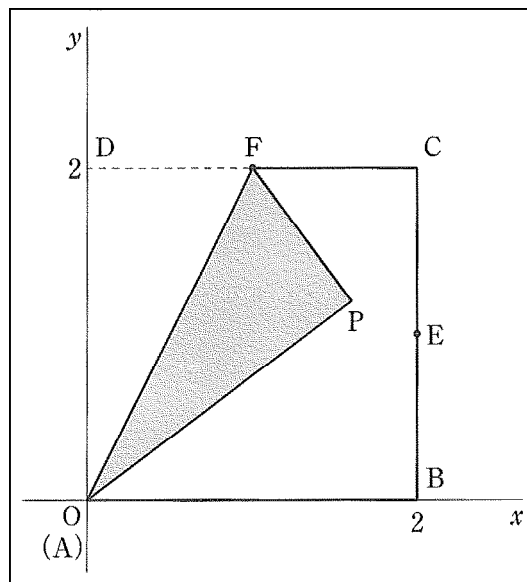


図 2

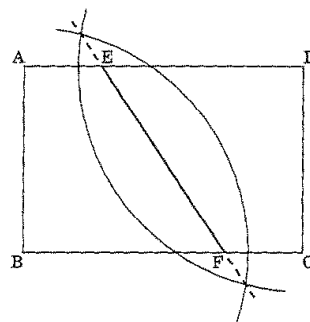


(ア) 図 1 において，2 点 D，E を通る直線の式を求めなさい。

(イ) 図 2 のように，正方形 ABCD を AF を折り目として折り返します。折り返したあとの頂点 D の位置を P とするとき，点 P の座標を求めなさい。

問 8. (2012 徳島)

(ア)  $4^2 + 6^2 = 16 + 36 = 52$      $BD = 2\sqrt{13}$  (cm)



(イ) 点 B, D を, それぞれ中心として, 等しい半径の円をかく。  
この 2 円の交点を直線で結び, 辺 AD との交点を E, 辺 BC との交点を F として, 線分 EF をひく。

(ウ)  $\triangle FCD$  と  $\triangle EGD$  で,

長方形の辺の長さとお角の大きさの性質から,  $CD = GD \dots$  ①

$$\angle FCD = \angle EGD = 90^\circ \dots$$
 ②

また,  $\angle FDC = 90^\circ - \angle EDF$

$$\angle EDG = 90^\circ - \angle EDF \text{ より, } \angle FDC = \angle EDG \dots$$
 ③

①, ②, ③ から, 1 辺とその両端の角が, それぞれ等しいので,  $\triangle FCD \equiv \triangle EGD$

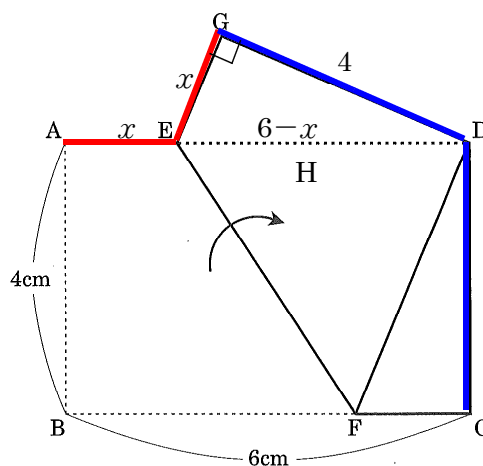
(エ)  $GE = x$  cm とおくと,

$DE = 6 - x$  (cm) と表せる。

$\triangle GED$  において, 三平方の定理より,

$$(6 - x)^2 = x^2 + 4^2$$

$$x = \frac{5}{3}$$

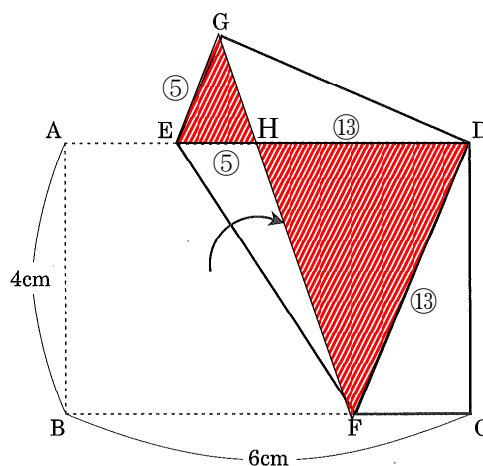


(ウ) より  $\triangle FCD \equiv \triangle EGD$  なので

$$DF = DE = 6 - \frac{5}{3} = \frac{13}{3} \text{ (cm)}$$

$GE \parallel DF$  より,

$$EH : DH = GE : FD = \frac{5}{3} : \frac{13}{3} = 5 : 13$$



$BF = DE$ ,  $DH \parallel FB$  より,

$$HI : IF = DH : BF = 13 : (5 + 13) = 13 : 18$$

また,  $\triangle EHG \sim \triangle DHF$  だから,

$$\triangle EHG : \triangle DHF = 5^2 : 13^2 = \underline{25 : 169}$$

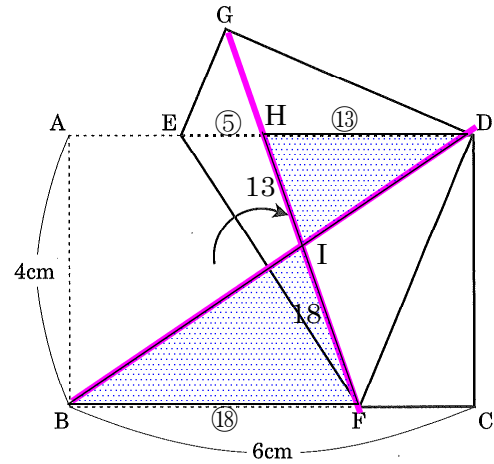
$$\triangle HID : \triangle DIF = 13 : 18$$

$$\triangle HID : \triangle DHF = 13 : 31$$

$$\triangle HID = 169 \times \frac{13}{31}$$

$\triangle HID$  は  $\triangle EHG$  の何倍かなので

$$169 \times \frac{13}{31} \times \frac{1}{25} = \frac{2197}{775} \quad \text{Ans. } \frac{2197}{775} \text{ (倍)}$$



問 9. (2012 岩手)

$$(7) y = -\frac{1}{2}x + 2$$

(4) OF と DE の交点を H とする。  $\triangle DFH \sim \triangle DEC$  だから,  $\angle DHF = \angle DCE = 90^\circ$

点 P は点 D と DF について対称な点より,

$$DE \text{ の傾きは } -\frac{1}{2}, DP \perp OF \text{ より } DP \text{ の傾きは } -\frac{1}{2},$$

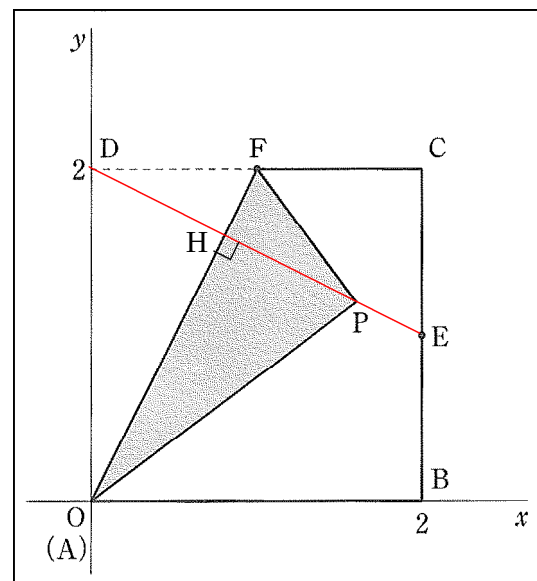
よって, P は直線 DE 上の点で,  $DH = PH$

直線 OF の式は,  $y = 2x$  直線 OF と直線 DE との交点 H を求める

$$2x = -\frac{1}{2}x + 2 \quad \frac{5}{2}x = 2 \quad x = 2 \times \frac{2}{5} \quad x = \frac{4}{5}$$

P の x 座標は  $\frac{4}{5} \times 2 = \frac{8}{5}$  よって, P の x 座標は  $\frac{8}{5}$ ,  $y = -\frac{1}{2}x + 2$  に代入して,

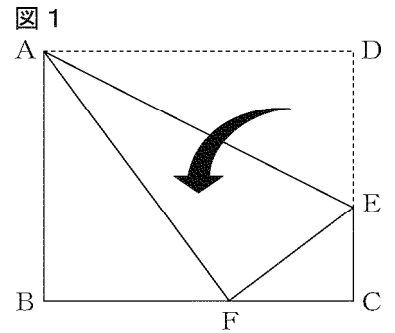
$$y = -\frac{1}{2} \times \frac{8}{5} + 2 = \frac{6}{5} \quad \text{よって, } P\left(\frac{8}{5}, \frac{6}{5}\right)$$



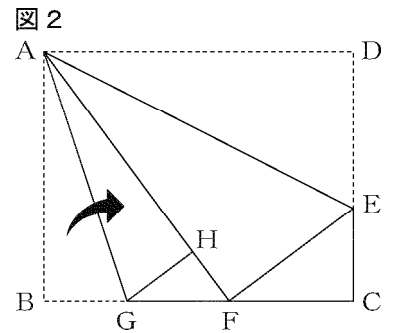
## 折り返し問題4

問1. 図1のように、長方形の紙 ABCD を、頂点 D が辺 BC 上にくるように折る。このとき、頂点 D が移った点を F、折り目の線分を AE とする。次の各問いに答えなさい。

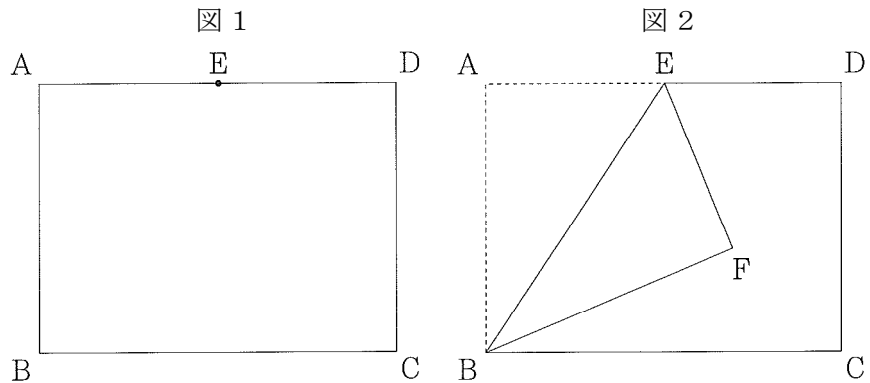
(ア)  $\triangle ABF \sim \triangle FCE$  であることを証明しなさい。



(イ) 図2のように、図1の状態から、さらに辺 AB が辺 AF に重なるように折る。このとき、頂点 B が移った点を H、折り目の線分を AG とする。AB = 12 cm, AD = 13 cm のとき、線分 FG の長さを求めなさい。



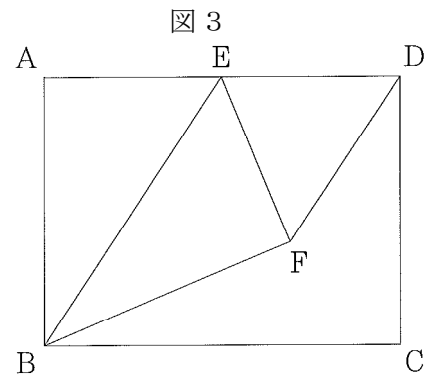
問2. 図1のような長方形 ABCD があり，辺 AD の中点を E とします。図2のように，線分 BE を折り目として折り返します。このとき，頂点 A が移る点を F とします。あとの各問いに答えなさい。



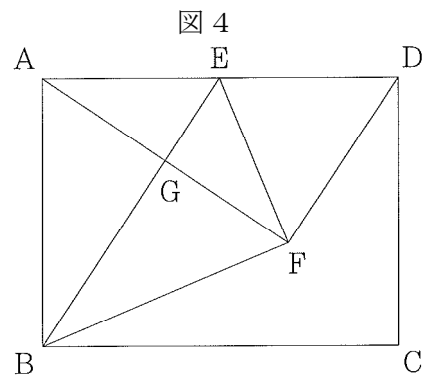
(ア) 点 F を作図によって求めなさい。作図は，**解答用紙の図**に行い，点 F の位置を示す文字 F も書きなさい。なお，作図に用いた線は消さずに残しなさい。

(イ) 図3は，図2において，折り返した長方形をもとにもどし，点 F と点 B，点 F と点 D，点 F と点 E をそれぞれ結んだものです。このとき， $\angle BEA$  と同じ大きさの角を，あとのア～オからすべて選び，**解答用紙の記号**を○で囲みなさい。

- ア  $\angle BAE$       イ  $\angle BEF$       ウ  $\angle BFE$   
 エ  $\angle EFD$       オ  $\angle EDF$



(ウ) 図4は，図3において，線分 AF をひき，線分 EB との交点を G としたものです。EB : DF = 13 : 8 のとき， $\triangle ABG$  と  $\triangle EFD$  の面積の比を求めなさい。



## 折り返し問題4

問 1. (2013 山口)

(ア)  $\triangle ABF$  と  $\triangle FCE$  で

四角形 ABCD は長方形だから  $\angle ABF = \angle FCE = 90^\circ$  ... ①

$\angle AFE = 90^\circ$  だから  $\angle AFB = 180^\circ - \angle AFE - \angle EFC$   
 $= 90^\circ - \angle EFC$  ... ②

また, ①より  $\angle FEC = 180^\circ - \angle FCE - \angle EFC$   
 $= 90^\circ - \angle EFC$  ... ③

②, ③より  $\angle AFB = \angle FEC$  ... ④

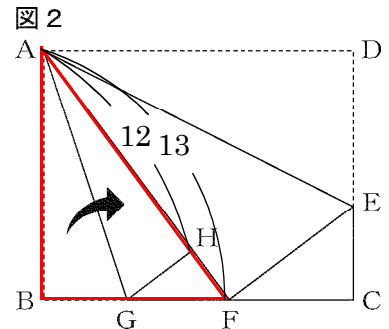
①, ④より, 2組の角がそれぞれ等しいから  $\triangle ABF \sim \triangle FCE$

(イ)  $\triangle ABF$  において,  $AB = 12 \text{ cm}$ ,  $AF = AD = 13 \text{ cm}$ ,  $\angle ABF = 90^\circ$  より,

三平方の定理を利用して,  $BF = \sqrt{13^2 - 12^2} = 5 \text{ (cm)}$

$\triangle GHF \sim \triangle ABF$  だから,  $HF = 13 - 12 = 1 \text{ (cm)}$  より,

$FG : 13 = 1 : 5$   $5FG = 13$   $FG = \frac{13}{5} \text{ (cm)}$

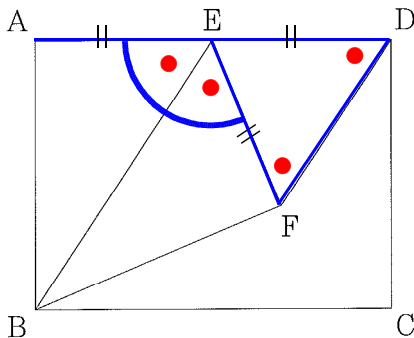
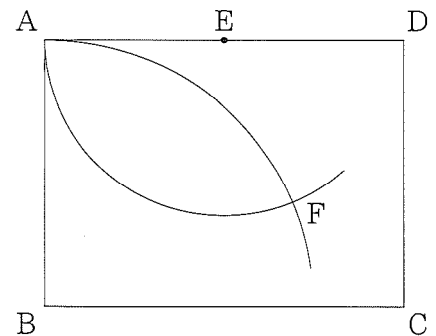


問 2. (2012 宮城)

(ア) E を中心として, 半径 EA となるように円を描く。

次に, B を中心として, 半径 BA となるように円を描く。

その交点を F とする。



(イ) イ, エ, オ

三角形の外角と内角の関係より

(ウ)  $\angle AEB = \angle EDF = 60^\circ$  より,

同位角が等しいので  $BE \parallel DF$  よって,

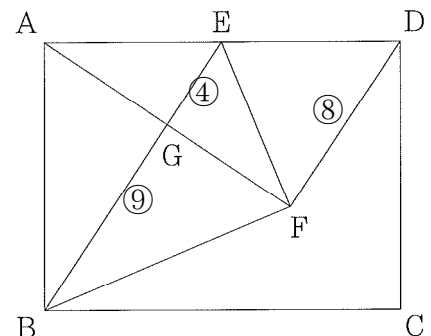
平行線と線分の比の定理より,

$GE : FD = AE : AD$   $GE : 8 = 1 : 2$   $2GE = 8$   $GE = 4$

$\triangle ABG$  と  $\triangle EFD$  において,

それぞれ  $BG$ ,  $FD$  を底辺とすると, 高さが等しいので,

$\triangle ABG : \triangle EFD = BG : FD = (13 - 4) : 8 = 9 : 8$

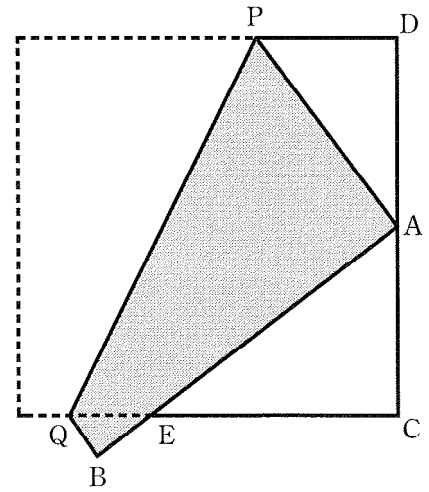


## 折り返し問題 5

**問 3.** 右の図3は、正方形の紙 ABCD を、点 A が辺 CD の中点である場合を表している。正方形の紙 ABCD の 1 辺の長さが 6 cm のとき、次の各問いに答えなさい。

(ア) 線分 PD の長さを求めなさい。

(イ)  $\triangle PAD \simeq \triangle QEB$  であることを証明しなさい。



(ウ) 線分 PQ の長さを求めなさい。なお、答えに  $\sqrt{\quad}$  がふくまれるときは、 $\sqrt{\quad}$  の中をできるだけ簡単な数にしなさい。

**問 4.** 図のように、点 L を  $AL : LD = 3 : 2$  である辺 AD 上の点とし、線分 LC を折り目として折り返す。点 D が移った点を P、線分 LP を延長した直線と辺 AB との交点を Q とする。線分 AQ の長さは線分 QB の長さの何倍か、求めなさい。

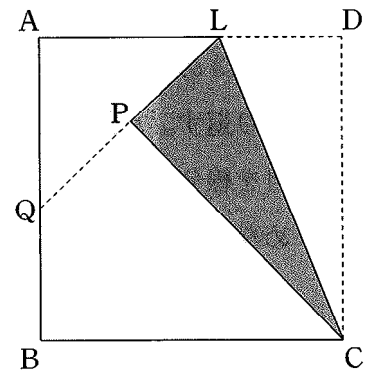
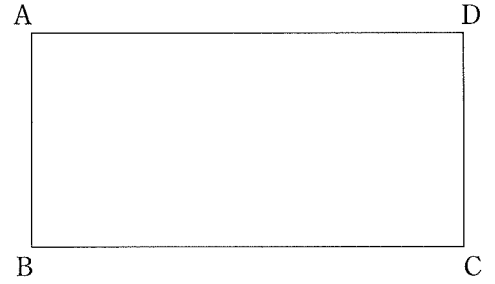


図 1

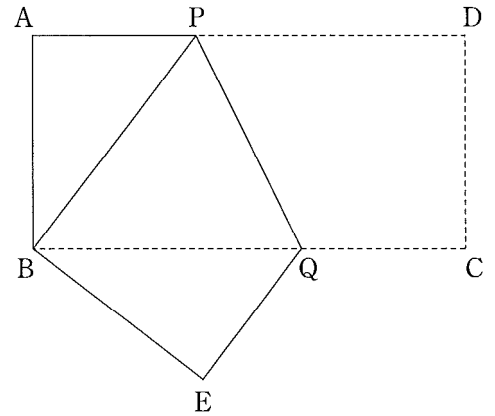
問 5. 右の図 1 のような長方形 ABCD がある。図 2 のように、頂点 D が B と重なるように折ったときの折り目の線分を PQ、頂点 C が移った点を E とする。このとき、次の問いに答えなさい。



(ア) 折り目の線分 PQ を図 1 に作図し、P、Q の記号をつけなさい。ただし、作図に用いた線は残しておくこと。

(イ) 図 2 で、 $\triangle BPQ$  は二等辺三角形であることを証明しなさい。ただし、証明の中に根拠となることがらを必ず書くこと。

図 2



(ウ)  $AP = 3 \text{ cm}$ ,  $PD = 5 \text{ cm}$  のとき、線分 PQ の長さを求めなさい。

## 折り返し問題 5

問 3. (2009 三重)

(ア) 点 A は CD の中点より,

$$DA = \frac{6}{2} = 3 \text{ (cm)} \quad PD = x \text{ cm とすると, } PA = 6 - x \text{ (cm) とおける.}$$

△ PDA において,  $\angle ADP = 90^\circ$  より, 三平方の定理を利用して,

$$\begin{aligned} PA^2 = PD^2 + DA^2 & \quad (6-x)^2 = x^2 + 3^2 & \quad 36 - 12x + x^2 = x^2 + 9 \\ 12x = 27 & & \quad x = \frac{9}{4} \text{ (cm)} \end{aligned}$$

(イ) △ PAD と △ QEB において,

紙 ABCD は正方形だから,  $\angle PDA = \angle QBE$  … ①

△ AEC の内角の和が  $180^\circ$  で  $\angle ACE = 90^\circ$  だから,

$$\angle AEC = 90^\circ - \angle CAE \quad \dots \quad \text{②}$$

辺 CD 上で  $\angle PAE = 90^\circ$  だから,  $\angle PAD = 90^\circ - \angle CAE$  … ③

②, ③より,  $\angle AEC = \angle PAD$  … ④

また, 対頂角は等しいことから,  $\angle AEC = \angle QEB$  … ⑤

④, ⑤より,  $\angle PAD = \angle QEB$  … ⑥

①, ⑥より, 2組の角がそれぞれ等しいので,  $\triangle PAD \sim \triangle QEB$

(ウ) △ PAD において,  $PD : DA : PA = \frac{9}{4} : 3 : \left(6 - \frac{9}{4}\right) = \frac{9}{4} : 3 : \frac{15}{4} = 3 : 4 : 5$

△ PAD  $\sim$  △ AEC  だから,

$$AC : CE : AE = 3 : 4 : 5 \quad AC = 3 \text{ cm より, } CE = 4 \text{ cm, } AE = 5 \text{ cm}$$

同様に, △ QEB  $\sim$  △ AEC  だから,  $QB : BE : QE = 3 : 4 : 5$

$$BE = 6 - 5 = 1 \text{ (cm) より, } QB = \frac{3}{4} \text{ cm}$$

点 B のもとの位置を B' と           すると,  $QB' = QB = \frac{3}{4} \text{ (cm)}$

Q から PD の延長上に垂線 QH をひくと,  $QH = 6 \text{ cm, } PH = 6 - \frac{9}{4} - \frac{3}{4} = 3 \text{ (cm)}$

三平方の定理より,  $PQ = \sqrt{6^2 + 3^2} = 3\sqrt{5} \text{ (cm)}$

問 4. (2010 秋田)

QC を結ぶ。

$\triangle QCP$  と  $\triangle QBC$  は、

CQ が共通で、 $CP = CB$ 、 $\angle CPQ = \angle CBQ = 90^\circ$  より、

直角三角形の斜辺と他の 1 辺がそれぞれ等しいので、**合同である**。

$AL : LD : AD = 3 : 2 : 5$  より、 $BQ = PQ = x$ 、 $AQ = 5 - x$  とおく。

$\triangle AQL$  において三平方の定理より、 $(5 - x)^2 + 3^2 = (2 + x)^2$

これを解いて、 $x = \frac{15}{7}$

$$AQ = 5 - x = 5 - \frac{15}{7} = \frac{20}{7} \quad \frac{AQ}{QB} = \frac{20}{7} \div \frac{15}{7} = \frac{4}{3} \text{ (倍)}$$

問 5. (2011 富山)

(ア) 右図

(イ) 折って重なり合う角だから

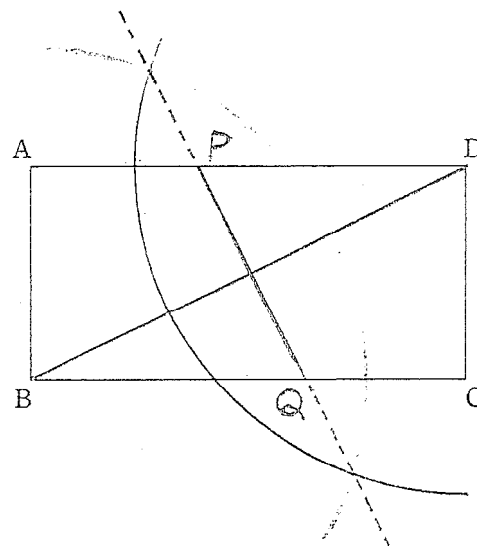
$$\angle DPQ = \angle BPQ \cdots (1)$$

$AD \parallel BC$  より平行線の錯角は等しいから

$$\angle DPQ = \angle BQP \cdots (2)$$

(1), (2) より  $\angle BPQ = \angle BQP$

したがって、 $\triangle BPQ$  は 2 つの角が等しいから二等辺三角形である。



(ウ)  $PB = PD = 5 \text{ cm}$ 、 $AP = 3 \text{ cm}$  より、

$\triangle ABP$  において三平方の定理より、

$$AB = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4 \text{ (cm)} \quad \text{P から BQ に垂線 PH をひく。}$$

$$PH = AB = 4 \text{ cm} \quad BQ = BP = 5 \text{ (cm) より、} \quad QH = 5 - 3 = 2 \text{ (cm)}$$

$$\triangle PQH \text{ で三平方の定理より、} \quad PQ = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5} \text{ (cm)}$$